

**ملاحظتان عامتان لكل الموضوع:**

- في حالة ما إذا اختصر التلميذ حله دون إهمال للخطوات الأساسية تعطى له علامة السؤال كاملة.
- تتمن كل الحلول الصحيحة غير الواردة في هذه الإجابة النموذجية.

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
		<p>الجزء الأول: (12 نقطة)                      التمرين الأول: (02.5 نقط)                      (1) نبين أن <math>A</math> عدد طبيعي:</p>
01	0,25×3 0,25	<p>لدينا <math>A = \frac{9}{7} \left( \frac{10}{3} - 1 \right)</math> ومنه: <math>A = \frac{9}{7} \left( \frac{10}{3} - \frac{3}{3} \right)</math> أي <math>A = \frac{9}{7} \left( \frac{10-3}{3} \right)</math> ومنه: <math>A = \frac{9}{7} \times \frac{7}{3}</math> أي <math>A = \frac{63}{21}</math> .....                      إذن: <math>A = 3</math> وهو عدد طبيعي</p>
01	0,25 0,25×2 0,25	<p>(2) كتابة <math>B</math> على شكل <math>a\sqrt{3}</math> :                      لدينا: <math>B = 5\sqrt{3} + 3\sqrt{12} - \sqrt{48}</math> ومنه: <math>B = 5\sqrt{3} + 3\sqrt{4 \times 3} - \sqrt{16 \times 3}</math> .....                      ومنه: <math>B = 5\sqrt{3} + 3 \times 2\sqrt{3} - 4\sqrt{3}</math> أي <math>B = 5\sqrt{3} + 6\sqrt{3} - 4\sqrt{3}</math> ومنه: <math>B = (5+6-4)\sqrt{3}</math> .....                      وبالتالي: <math>B = 7\sqrt{3}</math></p>
0.5	2×0,25	<p>(3) كتابة <math>\frac{A}{B}</math> على شكل نسبة مقامها عدد ناطق :                      لدينا: <math>\frac{A}{B} = \frac{3}{7\sqrt{3}}</math> ومنه: <math>\frac{A}{B} = \frac{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}{7\sqrt{3}}</math> وبالتالي: <math>\frac{A}{B} = \frac{\sqrt{3}}{7}</math> .....</p>
		<p>التمرين الثاني: (03 نقط)                      (1) نشر وتبسيط العبارة <math>E</math> :                      لدينا: <math>E = (x+1)^2 - (x+1)(2x-3)</math>                      ومنه: <math>E = (x^2 + 2x + 1) - (2x^2 + 2x - 3x - 3)</math> .....                      ومنه: <math>E = x^2 + 2x + 1 - 2x^2 - 2x + 3x + 3</math> .....  <math>E = -x^2 + 3x + 4</math> وعليه:</p>
01	2×0,25 2×0,25	<p>(2) تحليل العبارة <math>E</math> :                      لدينا: <math>E = (x+1)^2 - (x+1)(2x-3)</math> .....                      ومنه: <math>E = (x+1)[(x+1) - (2x-3)]</math> .....                      ومنه: <math>E = (x+1)(x+1-2x+3)</math> .....                      وعليه: <math>E = (x+1)(-x+4)</math></p>
01	2×0,25 0,25 0,25	<p>(3) حل المتراجحة :                      لدينا: <math>3x+4 \geq 6x-2</math> ومنه: <math>3x-6x \geq -2-4</math> ومنه: <math>-3x \geq -6</math> .....                      ومنه: <math>x \leq \frac{-6}{-3}</math> أي <math>x \leq 2</math> .....                      حلول المتراجحة هي كل الأعداد الحقيقية الأصغر من أو تساوي 2</p>

تابع للإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط  
دورة: جوان 2019

العدد: ساعة

اختبار مادة: الرياضيات

التمرين الثالث: (03 نقط)

(1) حساب الطولين  $TR, TS$

0,75

0,25

$$\sin \widehat{RTS} = \frac{RS}{TS}$$

0,25

$$\text{ومنّه: } \frac{8}{TS} = 0.8$$

0,25

$$\text{عليه: } TS = 10 \text{ cm}$$

1

0,25

وبتطبيق نظرية فيثاغورس نجد:  $TR^2 = TS^2 - RS^2$

0,25×2

ومنّه:  $TR^2 = 10^2 - 8^2$

0,25

وعليه:  $TR = 6 \text{ cm}$

1,25

0,25

(2) حساب الطول  $MN$

0,25

بما أن:  $(RS) \perp (RT)$  و  $(MN) \perp (RT)$  فإن:  $(RS) \parallel (MN)$

0,25

وبتطبيق نظرية طاليس نجد أن:  $\frac{TM}{TR} = \frac{MN}{RS}$

0,25

وبالتعويض نجد:  $\frac{4}{6} = \frac{MN}{8}$

0,25

ومنّه:  $MN = \frac{4 \times 8}{6}$  أي:  $MN = \frac{16}{3}$

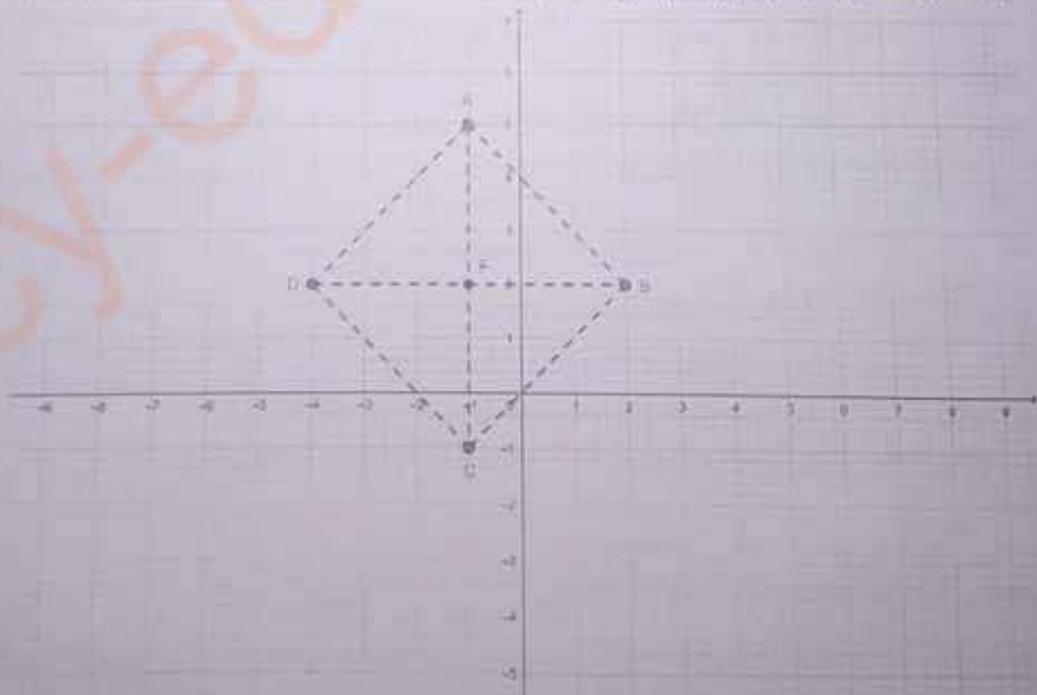
إذن:  $MN = 5 \text{ cm}$

التمرين الرابع: (03.5 نقطة)

0,75

0,25×3

(1) تعليم النقط:  $C(-1;-1), B(2;2), A(-1;5)$



تابع للإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط  
دورة: جوان 2019

المدة: ساعة

اختبار مادة: الرياضيات

		(2) حساب الطولين $AB, BC$ : كتابة العبارة: $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$ ..... بالتعويض $AB = \sqrt{(2+1)^2 + (2-5)^2}$ ..... إذن: $AB = \sqrt{18}$ ..... بالتعويض $BC = \sqrt{(-1-2)^2 + (-1-2)^2}$ ..... إذن: $BC = \sqrt{18}$ .....
1,25	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
0,5	0,5	(3) تعيين النقطة D صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه F استنتاج إحداثيتي النقطة D: $D(-4;2)$ .....
		(4) طبيعة الرباعي ABCD : • بما أن القطرين $[AC], [BD]$ متتاصفان في النقطة F و $AB = BC$ فالرباعي ABCD معين.... • تطبيق الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس من أجل إثبات أن المثلث CBA قائم في النقطة A. • استخلاص أن المعين ABCD فيه زاوية قائمة وبالتالي فهو مربع .....
1	0,5	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
		الجزء الثاني: (08 نقط)
		(1) حساب عدد الحصص: حسب التسعيرة الأولى: $2800 + 100 = 28$ عدد الحصص حسب التسعيرة الأولى هو: 28 حصة حسب التسعيرة الثانية: $(2800 - 400) = 80 = 30$ عدد الحصص حسب التسعيرة الثانية هو: 30 حصة.
		(2) إيجاد أفضل التسعيرتين: ليكن $f(x)$ المبلغ المدفوع لـ x حصة بالتسعيرة الأولى و $g(x)$ المبلغ المدفوع لـ x حصة بالتسعيرة الثانية فيكون: $f(x) = 100x$ $f(0) = 100 \times 0 = 0$ $f(30) = 100 \times 30 = 3000$ $g(x) = 80x + 400$ $g(0) = 80 \times 0 + 400 = 400$ $g(30) = 80 \times 30 + 400 = 2800$ التمثيل البياني للدالة f هو المستقيم الذي يشمل النقطتين (0;0) و (30;3000). التمثيل البياني للدالة g هو المستقيم الذي يشمل النقطتين (0;400) و (30;2800). سلم الرسم: على محور الفواصل 1cm يمثل 4 حصص. على محور الترتيب 1cm يمثل 400DA.

تابع للإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط  
دورة: جوان 2019

اختبار مادة: الرياضيات

شبكة التقويم

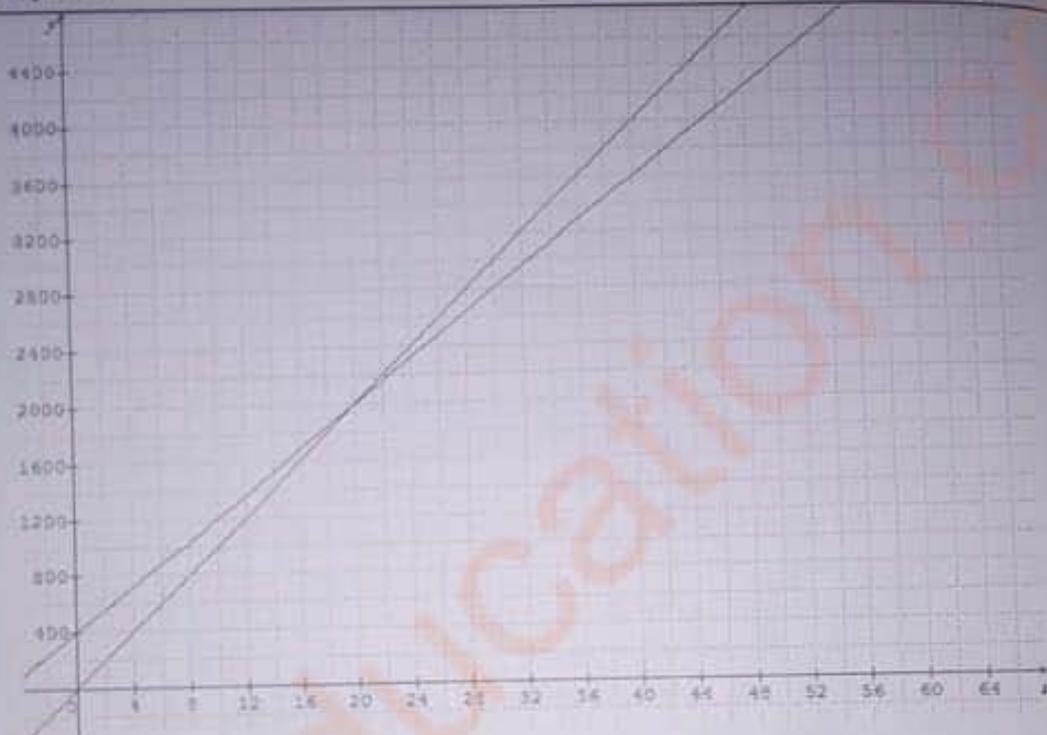
العدد: ساعة

العلامة	مجزأة	التنقيط	المؤشرات	المعيار	السؤال
				مجموع	
2	1	<ul style="list-style-type: none"> <li>• 0,5 إن وفق في مؤشر واحد</li> <li>• 1 إن وفق في مؤشرين</li> </ul>	<p>كتابة العبارة <math>2800 = 100</math></p> <p>كتابة العبارة <math>(2800 - 400) \div 80</math></p>	1م	1
	1	<ul style="list-style-type: none"> <li>• 0,5 إن وفق في مؤشر واحد</li> <li>• 1 إن وفق في مؤشرين</li> </ul>	<p>حساب العبارة: <math>2800 + 100</math> بشكل صحيح</p> <p>حساب العبارة <math>(2800 - 400) \div 80</math> بشكل صحيح</p>	2م	
2	2	<ul style="list-style-type: none"> <li>• 0,25 لكل مؤشر</li> <li>• 2 إن وفق في أكثر من خمس مؤشرات</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• ترميز المبلغ المدفوع حسب التسعيرة الأولى بـ <math>(x, y_1, f(x), \dots)</math>.</li> <li>• ترميز المبلغ المدفوع حسب التسعيرة الثانية بـ <math>(x, y_2, g(x), \dots)</math>.</li> <li>• التعبير الصحيح عن المبلغ المدفوع حسب التسعيرة الأولى بدلالة <math>x</math>.</li> <li>• التعبير الصحيح عن المبلغ المدفوع حسب التسعيرة الثانية بدلالة <math>x</math>.</li> <li>• إنشاء المعلم المناسب.</li> <li>• اختيار نقطتين لتمثيل الدالة الأولى.</li> <li>• اختيار نقطتين لتمثيل الدالة الثانية.</li> <li>• ملاحظة 1: يعتبر هذا المؤشر السادس والسابع محقق بمجرد أن ينطلق التلميذ في حساب إحداثيات النقطتين حتى وإن كانت حساباته خاطئة.</li> <li>• دراسة الوضعية النسبية للمستقيمين الممثلين للدالتين.</li> <li>• ملاحظة 2: يعتبر هذا المؤشر محقق بمجرد أن ينطلق التلميذ في دراسة الوضعية النسبية للمستقيمين حتى وإن كانت الدالتان خاطئتين.</li> </ul>	1م	
2	2	<ul style="list-style-type: none"> <li>• 0,25 لكل مؤشر</li> <li>• 2 إن وفق في أكثر من خمس مؤشرات</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• كتابة صحيحة لعبارة كل من الدالتين الخطية والتألفية</li> <li>• اختيار نقطتين لتمثيل الدالة <math>f</math>.</li> <li>• تمثيل صحيح للدالة <math>f</math> حتى وإن كانت عبارتها غير صحيحة.</li> <li>• اختيار نقطتين لتمثيل الدالة <math>g</math>.</li> <li>• تمثيل صحيح للدالة <math>g</math> حتى وإن كانت عبارتها غير صحيحة.</li> <li>• تعيين عدد المحصن بيانيا حتى وإن كان تمثيلا للدالتين <math>f</math> و <math>g</math> غير صحيحين.</li> <li>• القراءة البيانية لتحديد أفضل التسعيرتين قراءة صحيحة.</li> <li>• ترجمة القراءة البيانية وفق سياق المشكلة ترجمة صحيحة.</li> </ul>	3م	2
1	1	<ul style="list-style-type: none"> <li>• 0,5 إن وفق في مؤشر واحد</li> <li>• 1 إن وفق في أكثر من مؤشرين</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• ترتيب مقدار النتائج (المحصن والمبلغ) محترمة.</li> <li>• وحدات القياس (المحصن والمبلغ) معطاة.</li> <li>• الأجوبة على الأسئلة المطروحة مصاغة بوضوح.</li> <li>• إجراء الحسابات دقيق.</li> </ul>	3م	
1	1	<ul style="list-style-type: none"> <li>• 0,5 إن وفق في مؤشر واحد</li> <li>• 1 إن وفق في أكثر من مؤشرين</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• عدم التشطيب.</li> <li>• المقرونية.</li> <li>• التمثيلات البيانية دقيقة.</li> <li>• التصريح بالإجابة بشكل موجز وغير مخل.</li> </ul>	4م	

تابع للإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط  
دورة: جوان 2019

اختبار مادة: الرياضيات

المدة: ساعة



بقراءة بيانية:

التمثيلان البيانيان للدالتين  $f$  و  $g$  يتقاطعان في النقطة التي فاصلتها 20. عندما يكون  $x < 20$ ، يكون التمثيل البياني للدالة  $f$  تحت التمثيل البياني للدالة  $g$ . وعندما يكون  $x > 20$ ، يكون التمثيل البياني للدالة  $f$  فوق التمثيل البياني للدالة  $g$ . وعليه: إذا كان عدد الحصص لا يفوق 20 حصة، فالتسعيرة الأولى هي الأفضل وأما إذا تجاوز عدد الحصص 20 حصة فالتسعيرة الثانية هي الأفضل.